

AUFGABENSTELLUNG UND ERGEBNISSE ZUR
 BACHELOR-PRÜFUNG
 DESKRIPTIVE STATISTIK UND WAHRSCHEINLICHSRECHNUNG
 WINTERSEMESTER 2019/20

PD Dr. Martin Becker

Hinweise für die Klausurteilnehmer

- Die Klausur besteht aus insgesamt 10 Aufgaben. Prüfen Sie die Vollständigkeit Ihres Exemplares nach; spätere Reklamationen können nicht berücksichtigt werden.
- Es sind insgesamt 120 Punkte (= 16 + 12 + 10 + 19 + 6 + 10 + 18 + 6 + 15 + 8) erreichbar.
- Als Hilfsmittel sind zugelassen: Taschenrechner (auch mit Grafikfähigkeit), 2 selbstgestellte DIN-A4 Blätter bzw. 4 selbstgestellte (einseitige) DIN-A4 Seiten. Benötigte Tabellen finden Sie am Ende dieses Klausurheftes.
- Bei der Korrektur werden **nur** die Lösungen auf den Seiten 1–11 berücksichtigt. Die Zusammenfassung der Aufgabenstellungen am Ende des Klausurhefts darf abgetrennt und muss nicht abgegeben werden.
- Bei mehreren Lösungsvorschlägen muss die gültige Lösung eindeutig gekennzeichnet sein.
- Mit Ausnahme der Multiple-Choice-Aufgaben muss der Lösungsweg klar ersichtlich sein.
- Alle Punkte innerhalb von Zahlen sind stets Dezimalpunkte (und keine Tausenderpunkte).

Bewertungsteil — Bitte nicht beschreiben						
Aufgabe	(a)	(b)	(c)	(d)	(e)	Σ
1		■	■	■	■	
2		■	■	■	■	
3						
4						
5				■	■	
6				■	■	
7						
8			■	■	■	
9					■	
10				■	■	
Σ						

Aufgabe 1 (16 Punkte)

Markieren Sie jeweils mit einem Kreuz pro Aussage im betreffenden Kästchen, ob die unten stehenden Aussagen wahr oder falsch sind.

Richtige Antworten geben 2 Punkte, falsche Antworten und nicht bearbeitete Aussagen 0 Punkte (Aussagen mit zwei Kreuzen zählen als nicht bearbeitet!).

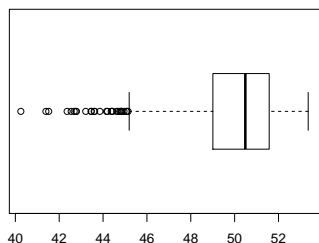
- | | wahr | falsch |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|
| 1. Die Höhen der Rechtecke eines Histogramms haben stets die Summe 1. | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |
| 2. Verdoppelt man alle Urlisteneinträge einer Urliste der Länge $n = 99$ eines kardinalskalierten Merkmals, so verdoppelt sich stets auch der Median des Merkmals. | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 3. Hat sich der Preis eines bestimmten Produkts in drei aufeinanderfolgenden Jahren jeweils um 2.00%, 3.00% und 7.00% erhöht, so beträgt die durchschnittliche jährliche Preissteigerung dieses Produkts (ggf. gerundet) 4.00%. | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |
| 4. In einem Laplaceschen Wahrscheinlichkeitsraum mit einer 77-elementigen Ergebnismenge Ω gilt für beliebige Ereignisse $A \subseteq \Omega$ stets $P(A) \neq P(\bar{A})$. | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 5. Es seien (Ω, \mathcal{F}, P) ein Wahrscheinlichkeitsraum, $A, B, C \in \mathcal{F}$ drei Ereignisse mit $P(C) > 0$. Dann gilt stets:
$P(A C) + P(B C) \leq 2 \cdot P(A \cup B C)$ | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| 6. Wenn Sie alle 8 Aufgabenteile dieser Aufgabe rein zufällig entweder mit <i>wahr</i> oder mit <i>falsch</i> beantworten, dann ist die Wahrscheinlichkeit, den Wahrheitsgehalt aller Aussagen korrekt zu bewerten, größer als 1%. | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |
| 7. Exponentialverteilte Zufallsvariablen sind stets rechtssteil verteilt. | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |
| 8. Die Zufallsvariablen X und Y seien unkorreliert. Dann sind X und Y auch stochastisch unabhängig. | <input type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |

Aufgabe 2 (12 Punkte)

Markieren Sie jeweils die korrekte Antwort mit einem Kreuz im betreffenden Kästchen. Es ist jeweils genau ein Kreuz korrekt.

Richtige Antworten geben 3 Punkte, falsche Antworten und nicht bearbeitete Aufgabenteile 0 Punkte (Aufgabenteile mit mehr als einem Kreuz zählen als nicht bearbeitet!).

1. Kreuzen Sie an, auf welche Merkmalseigenschaften der folgende Box-Plot *am ehesten* hindeutet:



- (a) leptokurtisch und rechtssteil
- (b) leptokurtisch und linkssteil
- (c) platykurtisch und rechtssteil
- (d) platykurtisch und linkssteil

2. Aus der Menge von 9 Einzelbewerbern für den Vorsitz einer politischen Partei soll auf einem außerordentlichen Parteitag eine Doppelspitze gebildet werden, also eine Wahl von 2 (gleichberechtigten) Bewerbern als Vorsitzende erfolgen. Hierfür gibt es insgesamt

- (a) $(9)_2 = \frac{9!}{7!}$ Möglichkeiten.
- (b) 9^2 Möglichkeiten.
- (c) $\binom{9}{2} = \frac{9!}{2! \cdot 7!}$ Möglichkeiten.
- (d) 2^9 Möglichkeiten.

3. Sind X_1 , X_2 und X_3 drei stochastisch unabhängige Zufallsvariablen mit $X_1 \sim N(20, 8^2)$, $X_2 \sim N(40, 8^2)$ und $X_3 \sim N(60, 14^2)$, dann ist die Verteilung von $X_1 + X_2 + X_3$ eine

- (a) $N(120, 30^2)$ -Verteilung.
- (b) $N(120, 18^2)$ -Verteilung.
- (c) $N(60, 30^2)$ -Verteilung.
- (d) $N(60, 18^2)$ -Verteilung.

4. Das Merkmal X des zweidimensionalen Merkmals (X, Y) sei ordinalskaliert, das Merkmal Y lediglich nominalskaliert. Damit ist die Berechnung folgender Abhängigkeitsmaße zwischen X und Y immer möglich:

- (a) Pearsonscher Korrelationskoeffizient und korrigierter Pearsonscher Kontingenzkoeffizient
- (b) Spearmanscher Rangkorrelationskoeffizient und korrigierter Pearsonscher Kontingenzkoeffizient
- (c) Nur Spearmanscher Rangkorrelationskoeffizient
- (d) Nur korrigierter Pearsonscher Kontingenzkoeffizient

Aufgabe 3 (3 + 3 + 1 + 2 + 1 = 10 Punkte)

Bei einer Umfrage wurden 50 Haushalte befragt, wie viele Smart Speaker sie in ihrem Haushalt installiert haben (Merkmal X). Das Ergebnis der Umfrage ist die folgende (bereits aufsteigend sortierte) Urliste zu X :

0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 5, 5, 5

- (a) Erstellen Sie eine Tabelle mit den absoluten und relativen Häufigkeiten.
- (b) Stellen Sie die zugehörige empirische Verteilungsfunktion auf.
- (c) Wie groß ist der Anteil der Haushalte in der Umfrage, die mehr als 1 Smart Speaker in ihrem Haushalt installiert haben?
- (d) Berechnen Sie den arithmetischen Mittelwert des Merkmals X .
- (e) Bestimmen Sie ein oberes Quartil des Merkmals X .

Ergebnisse (ohne Begründung/Rechenweg):

- (a) Häufigkeitstabelle:

a_j	0	1	2	3	4	5	Σ
$h(a_j)$	23	11	4	4	5	3	50
$r(a_j)$	0.46	0.22	0.08	0.08	0.10	0.06	1.00

- (b) Empirische Verteilungsfunktion:

$$F(x) = \begin{cases} 0.00 & \text{für } x < 0 \\ 0.46 & \text{für } 0 \leq x < 1 \\ 0.68 & \text{für } 1 \leq x < 2 \\ 0.76 & \text{für } 2 \leq x < 3 \\ 0.84 & \text{für } 3 \leq x < 4 \\ 0.94 & \text{für } 4 \leq x < 5 \\ 1.00 & \text{für } x \geq 5 \end{cases}$$

- (c) Anteil der Haushalte, die mehr als 1 Smart Speaker in ihrem Haushalt installiert haben: $0.32 = 32\%$
- (d) $\bar{x} = 1.32$
- (e) $x_{0.75} = 2$

Aufgabe 4 (6 + 4 + 3 + 3 + 3 = 19 Punkte)

Zu einem kardinalskalierten Merkmal sei die folgende (zur einfacheren Bearbeitung der Aufgabe bereits sortierte) Urliste der Länge $n = 40$ gegeben:

22.64, 22.68, 23.82, 24.64, 25.35, 25.50, 26.00, 27.79, 27.80, 28.37, 30.06, 30.32,
30.76, 30.88, 30.95, 32.08, 33.22, 33.79, 34.89, 35.70, 35.73, 36.95, 39.25, 40.05,
40.19, 40.41, 41.00, 43.54, 44.03, 49.35, 50.70, 51.30, 52.41, 54.58, 55.49, 58.54,
59.86, 63.97, 65.20, 72.72

- (a) Führen Sie eine Klassierung der erhobenen Daten auf Grundlage der Klassen

$$K_1 = (20, 30], K_2 = (30, 40], K_3 = (40, 60], K_4 = (60, 90]$$

durch. Geben Sie insbesondere die jeweiligen Klassenbreiten, Klassenmitten, absoluten und relativen Klassenhäufigkeiten, Häufigkeitsdichten sowie die Werte der empirischen Verteilungsfunktion an den Klassengrenzen an.

- (b) Stellen Sie die (approximative) empirische Verteilungsfunktion des Merkmals aus der Klassierung der Daten auf.
- (c) Berechnen Sie aus den klassierten Daten den (approximativen) arithmetischen Mittelwert der Daten. Wie groß ist die relative Abweichung vom tatsächlichen (aus der Urliste bestimmten) Mittelwert von 39.313?
- (d) Bestimmen Sie (aus der Urliste) die Anzahl von Merkmalswerten zwischen 35 und 60. Welche Näherung für diese Anzahl können Sie aus der in Teil (b) aufgestellten empirischen Verteilungsfunktion berechnen?
- (e) Bestimmen Sie (unter Verwendung der bekannten Konvention zur eindeutigen Festlegung von Quantilen bei kardinalskalierten Merkmalen) *das* obere Quartil sowohl exakt aus der Urliste als auch approximativ mit Hilfe der Verteilungsfunktion für die klassierten Daten.

Ergebnisse (ohne Begründung/Rechenweg):

(a) Klassierung:

Nr.	Klasse $K_j =$ $(k_{j-1}, k_j]$	Klassen- breite b_j	Klassen- mitte m_j	absolute Häufigkeit h_j	relative Häufigkeit $r_j = \frac{h_j}{n}$	Häufigkeits- dichte $f_j = \frac{r_j}{b_j}$	Verteilungs- funktion $F(k_j)$
1	(20, 30]	10	25	10	0.250	0.0250	0.250
2	(30, 40]	10	35	13	0.325	0.0325	0.575
3	(40, 60]	20	50	14	0.350	0.0175	0.925
4	(60, 90]	30	75	3	0.075	0.0025	1.000

(b) (Approximative) Verteilungsfunktion:

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{für } x \leq 20 \\ 0.025 \cdot (x - 20) & \text{für } 20 < x \leq 30 \\ 0.25 + 0.0325 \cdot (x - 30) & \text{für } 30 < x \leq 40 \\ 0.575 + 0.0175 \cdot (x - 40) & \text{für } 40 < x \leq 60 \\ 0.925 + 0.0025 \cdot (x - 60) & \text{für } 60 < x \leq 90 \\ 1 & \text{für } x > 90 \end{cases}$$

(c) Mittelwert (näherungsweise): 40.75, relative Abweichung vom exakten Wert: 0.03655 bzw. 3.655%

(d) Anzahl (aus Urliste): 18

Mit emp. Verteilungsfunktion genäherte Anzahl: 20.5

(e) Oberes Quartil:

- exakt (aus Urliste): 50.025
- approximativ: 50

Aufgabe 5 (2 + 2 + 2 = 6 Punkte)

Bei der Herstellung von Rauspundbrettern tritt mit einer Wahrscheinlichkeit von 2% ein Fehler beim Zuschnitt der Bretter auf, mit einer Wahrscheinlichkeit von 1.5% ein Fehler beim Fräsen der Bretter und mit einer Wahrscheinlichkeit von 1% sowohl ein Fehler beim Zuschnitt der Bretter als auch ein Fehler beim Fräsen der Bretter. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit dafür, dass

- (a) höchstens einer der beiden Fehler,
- (b) mindestens einer der beiden Fehler,
- (c) ein Fehler beim Zuschnitt der Bretter, aber kein Fehler beim Fräsen der Bretter auftritt.

Ergebnisse (ohne Begründung/Rechenweg):

- (a) $0.99 = 99\%$
- (b) $0.025 = 2.5\%$
- (c) $0.01 = 1\%$

Aufgabe 6 (6 + 2 + 2 = 10 Punkte)

Ein Versandhaus beauftragt für den Versand seiner Sendungen einen von insgesamt vier verschiedenen Versand-Dienstleistern A, B, C und D. Dabei werden durchschnittlich 15% der Sendungen an Dienstleister A, 25% der Sendungen an Dienstleister B, 30% der Sendungen an Dienstleister C und 30% der Sendungen an Dienstleister D übergeben. Die umfangreiche Auswertung der vorhandenen Kunden-Feedbacks zu Qualität und Geschwindigkeit der Lieferung ergab, dass 5% der Lieferungen mit Dienstleister A, 5% der Lieferungen mit Dienstleister B, 2% der Lieferungen mit Dienstleister C und 2% der Lieferungen mit Dienstleister D beanstandet werden.

- (a) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass eine zufällig ausgewählte Sendung keinen Anlass zur Beanstandung durch den Kunden bietet?
- (b) Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass eine beanstandete Lieferung mit Dienstleister B versendet wurde?
- (c) Sind die Ereignisse „Lieferung wird beanstandet“ und „Dienstleister B war mit dem Versand beauftragt“ stochastisch unabhängig? Begründen Sie Ihre Antwort!

Ergebnisse (ohne Begründung/Rechenweg):

- (a) 0.968
- (b) 0.3906
- (c) Nein.

Aufgabe 7 (5 + 2 + 6 + 1 + 4 = 18 Punkte)

Die Verteilung einer stetigen Zufallsvariablen X sei durch die folgende Dichtefunktion gegeben:

$$f_X(x) = \begin{cases} \frac{1}{6}x + \frac{1}{2} & \text{für } -2 \leq x < 0 \\ -\frac{1}{6}x + \frac{1}{3} & \text{für } 0 \leq x \leq 2 \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

- (a) Berechnen Sie die Verteilungsfunktion F_X von X .
- (b) Berechnen Sie $P(\{X < -1\})$ und $P(\{-1 < X < 1\})$.
- (c) Bestimmen Sie den Erwartungswert $E(X)$.
- (d) Ist X symmetrisch um ihren Erwartungswert verteilt (ohne Begründung)?
- (e) Bestimmen Sie den Median von X .

Ergebnisse (ohne Begründung/Rechenweg):

- (a) Verteilungsfunktion von X :

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & \text{für } x \leq -2 \\ \frac{1}{12}x^2 + \frac{1}{2}x + \frac{2}{3} & \text{für } -2 < x \leq 0 \\ -\frac{1}{12}x^2 + \frac{1}{3}x + \frac{2}{3} & \text{für } 0 < x \leq 2 \\ 1 & \text{für } x > 2 \end{cases}$$

- (b) $P(\{X < -1\}) = \frac{1}{4}, P(\{-1 < X < 1\}) = \frac{2}{3}$
- (c) $E(X) = -\frac{1}{3}$
- (d) Nein.
- (e) $x_{0.50} = -0.3542$

Aufgabe 8 (3 + 3 = 6 Punkte)

Die Anzahl der Störfälle pro Jahr in einem bestimmten Atomkraftwerk (AKW) lasse sich als eine $\text{Pois}(0.2)$ -verteilte Zufallsvariable auffassen. Außerdem soll angenommen werden, dass die Anzahl der Störfälle pro Jahr in dem betreffenden AKW für unterschiedliche Jahre stochastisch unabhängig ist.

- (a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit ereignet sich in einem Jahr in dem betreffenden AKW höchstens 1 Störfall?
- (b) Welche Verteilung hat die Anzahl der Störfälle pro Jahrzehnt in dem betreffenden AKW? Mit welcher Wahrscheinlichkeit ereignet sich in einem Zehnjahreszeitraum in dem betreffenden AKW mindestens 1 Störfall?

Ergebnisse (ohne Begründung/Rechenweg):

- (a) 0.98248
- (b) 0.86466

Aufgabe 9 (2 + 9 + 1 + 3 = 15 Punkte)

Gegeben sei die folgende Tabelle der gemeinsamen Wahrscheinlichkeitsverteilung zu einem zweidimensionalen diskreten Zufallsvektor (X, Y) :

$X \setminus Y$	0	1	2	$p_{i\cdot}$
0	0.2	0.1	0.2	
2	0.05	0.1	0.1	
4	0.1	0.1	0.05	
$p_{\cdot j}$				

- (a) Ergänzen Sie die obige Tabelle (in den vorgesehenen Feldern) um ihre Randverteilungen.
- (b) Berechnen Sie $E(X)$, $E(Y)$, $\text{Var}(X)$, $\text{Var}(Y)$, $\text{Cov}(X, Y)$ sowie $\text{Korr}(X, Y)$.
- (c) Sind X und Y stochastisch unabhängig?
- (d) Berechnen Sie $E(2X + 4Y)$ sowie $\text{Var}(2X + 4Y)$.

Ergebnisse (ohne Begründung/Rechenweg):

- (a) Ergänzte Tabelle:

$X \setminus Y$	0	1	2	$p_{i\cdot}$
0	0.2	0.1	0.2	0.5
2	0.05	0.1	0.1	0.25
4	0.1	0.1	0.05	0.25
$p_{\cdot j}$	0.35	0.3	0.35	1

- (b) Es gilt: $E(X) = 1.5$, $E(Y) = 1$, $\text{Var}(X) = 2.75$, $\text{Var}(Y) = 0.7$, $\text{Cov}(X, Y) = -0.1$, $\text{Korr}(X, Y) = -0.07207$
- (c) X und Y sind **nicht** stochastisch unabhängig.
- (d) $E(2 \cdot X + 4 \cdot Y) = 7$, $\text{Var}(2 \cdot X + 4 \cdot Y) = 20.6$

Aufgabe 10 (3 + 2 + 3 = 8 Punkte)

In einem Hotel mit 375 Zimmern können Zimmerreservierungen bis zum Anreisetag kostenlos storniert werden. Man weiß aus Erfahrung, dass im Mittel 10% der reservierten Zimmer tatsächlich kurzfristig storniert werden. Um die Zahl der freien Zimmer möglichst gering zu halten, nimmt das Hotel daher mehr Zimmerreservierungen an als Zimmer im Hotel vorhanden sind.

- (a) Wie ist die Anzahl Y der tatsächlich wegen Reservierungen benötigten (also nicht stornierten) Zimmer verteilt, wenn insgesamt 400 Zimmerreservierungen angenommen wurden und davon ausgegangen werden kann, dass das Stornierungsverhalten der Hotelgäste voneinander unabhängig ist? Geben Sie auch den Erwartungswert und die Varianz von Y an.
- (b) Berechnen Sie unter Verwendung des zentralen Grenzwertsatzes die Wahrscheinlichkeit dafür, dass bei 400 angenommenen Reservierungen genügend Zimmer zur Verfügung stehen, um alle Hotelgäste, die reserviert und nicht storniert haben, auch im Hotel unterzubringen.
- (c) Verwenden Sie den zentralen Grenzwertsatz, um näherungsweise ein 0.95-Quantil der Anzahl in Anspruch genommener Zimmerreservierungen Y zu bestimmen.

Hinweis: Verwenden Sie zur Bearbeitung von Aufgabenteil (b) und (c) die Tabelle zur Standardnormalverteilung auf Seite 12!

Ergebnisse (ohne Begründung/Rechenweg):

- (a) $Y \sim B(400, 0.9)$.
- (b) $P\{Y \leq 375\} \approx 99.38\%$
- (c) $y_{0.95} \approx 369.84$

Tabelle zur Standardnormalverteilung

$$F_{N(0,1)}(x) = \Phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^x e^{-\frac{1}{2}t^2} dt$$

$$\Phi(x) = 1 - \Phi(-x)$$

	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0.5239	0.5279	0.5319	0.5359
0.1	0.5398	0.5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5714	0.5753
0.2	0.5793	0.5832	0.5871	0.5910	0.5948	0.5987	0.6026	0.6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6443	0.6480	0.6517
0.4	0.6554	0.6591	0.6628	0.6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7517	0.7549
0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7704	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0.8106	0.8133
0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365	0.8389
1.0	0.8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599	0.8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810	0.8830
1.2	0.8849	0.8869	0.8888	0.8907	0.8925	0.8944	0.8962	0.8980	0.8997	0.9015
1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306	0.9319
1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535	0.9545
1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0.9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699	0.9706
1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761	0.9767
2.0	0.9772	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812	0.9817
2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854	0.9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
2.6	0.9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2.7	0.9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986
3.0	0.9987	0.9987	0.9987	0.9988	0.9988	0.9989	0.9989	0.9989	0.9990	0.9990
3.1	0.9990	0.9991	0.9991	0.9991	0.9992	0.9992	0.9992	0.9992	0.9993	0.9993
3.2	0.9993	0.9993	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9994	0.9995	0.9995	0.9995
3.3	0.9995	0.9995	0.9995	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9996	0.9997
3.4	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9997	0.9998